

第4回 条件式と条件関数

情報処理演習II

Literateov

例題

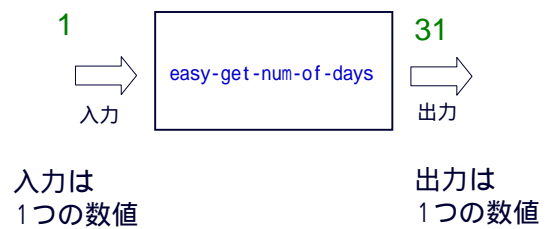
Literateov

例題1. 月の日数

- 月 `month` を受け取り(数字)、その日数を求める関数 `easy-get-num-of-days` を作る。
ただし、うるう年のことは考えない。
 - まず月ごとに12通りに分けて考えてみよ
 - 日数は3通りしかない。3つの節を持つ `cond` 式で考えよ
 - 比較演算と論理演算を組み合わせる

Literateov

入力と出力



Literateov

easy-get-num-of-days 関数

「関数である」ことを示すキーワード

関数の名前

```
(define (easy-get-num-of-days month)
  (cond
    [(= month 2) 28]
    [(or (= month 4)
         (= month 6)
         (= month 9)
         (= month 11)) 30]
    [else 31]))
```

値を1つ受け取る(入力)

Literateov

easy-get-num-of-days 関数

節

```
(define (easy-get-num-of-days month)
  (cond
    [(= month 2) 28]
    [(or (= month 4)
         (= month 6)
         (= month 9)
         (= month 11)) 30]
    [else 31]))
```

Literateov

easy-get-num-of-days 関数の実行例(1/2)

```

(define (easy-get-num-of-days month)
  (cond
    [(= month 2) 28]
    [(or (= month 4)
         (= month 6)
         (= month 9)
         (= month 11)) 30]
    [else 31]))
  
```

まず、関数を定義している

easy-get-num-of-days 関数の実行例(2/2)

```

> (easy-get-num-of-days 1)
31
  
```

ここでは、
(easy-get-num-of-days 1)
と書いて、month の値を 1
に設定しての実行

実行結果である「31」が
表示される

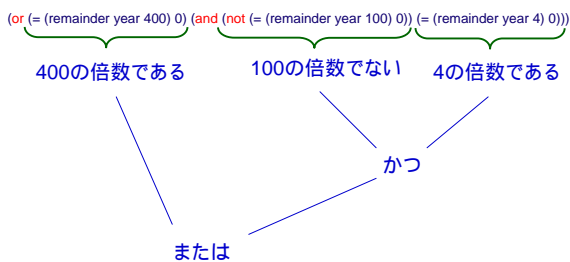
例題2. うるう年の判定

- 西暦年 **year** から、うるう年であるかを求める関数 **is-leap?** を作り、実行する
 - うるう年の判定のために、比較演算と論理演算を組み合わせる
 - 西暦年が **4**、**100**、**400** の倍数であるかを調べるために **remainder** を使う
- 例) 2001 うるう年でない
 2004 うるう年である

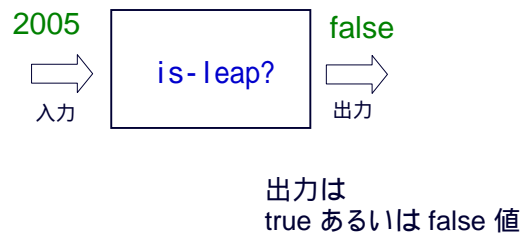
グレゴリオ暦でのうるう年

- うるう年とは: **2月が29日までである年**
- うるう年は400年に97回で、1年の平均日数は365.2422日
- うるう年の判定法
 - 4の倍数の年ならうるう年
 - 但し、100の倍数の年で400の倍数でない年はうるう年ではない(4の倍数だが例外)
 - 2005年はうるう年でない(4の倍数でない)
 - 2004年はうるう年(4の倍数)
 - 2000年はうるう年(100の倍数で例外にも当てはまらない)
 - 1900年はうるう年でない(4の倍数で100の倍数だが400の倍数でないので例外に相当)
 - 年がある数の**倍数**かを調べるため**remainder**を使う

うるう年の判定式



入力と出力



is-leap? 関数

「関数である」ことを示すキーワード 関数の名前 値を1つ受け取る(入力)

```
(define (is-leap? year)
  (cond
    [(or (= (remainder year 400) 0)
         (and (not (= (remainder year 100) 0))
              (= (remainder year 4) 0)))] true]
    [else false]))
```

Literate

is-leap? 関数

節

```
(define (is-leap? year)
  (cond
    [(or (= (remainder year 400) 0)
         (and (not (= (remainder year 100) 0))
              (= (remainder year 4) 0)))] true]
    [else false]))
```

Literate

is-leap? 関数の実行例(1/2)

```
(define (is-leap? year)
  (cond
    [(or (= (remainder year 400) 0)
         (and (not (= (remainder year 100) 0))
              (= (remainder year 4) 0)))] true]
    [else false]))
```

まず、関数を定義している

Literate

is-leap? 関数の実行例(2/2)

```
(define (is-leap? year)
  (cond
    [(or (= (remainder year 400) 0)
         (and (not (= (remainder year 100) 0))
              (= (remainder year 4) 0)))] true]
    [else false]))
```

今度は、
(is-leap? 2005)
と書いて、year の値を 2005
に設定して実行

実行結果である「false」が
表示される

Literate

例題3. 曜日を求める

- 西暦の年、月、日から曜日を求める公式であるツエラー(zellar)の公式のプログラムを作る。
 - ツエラーの公式では「1年の起点を3月とし、月は3月から14月までである」と考えている。(うるう年があるので、1年の起点を3月とする方が計算が簡単)
 - 1月、2月は、前年の13月、14月と考え、月は3から14までの数になる。
 - 計算された曜日は「数字」で次の意味になる。

0	1	2	3	4	5	6
日曜	月曜	火曜	水曜	木曜	金曜	土曜

Literate

ツエラーの公式(数式表現)

$$[(y+[y/4]+[y/400]-[y/100]+[(13m+8)/5]+d) \bmod 7]$$

ここで y: 年、d: 日、m: 月(3月を起点とする月で値は3から14までの値をとる(1月、2月は前年の13、14月と考える))

- この計算の結果値が0なら日曜、1なら月曜...
- 式中 [...] とあるのは、小数点以下切り捨て
- mod は剰余を計算。例えば 2005 mod 4 は 1

Literate

remainder

```

Welcome to DrScheme, version 208.
Language: Intermediate Student.
> (remainder 5 2)
1
> (remainder 200 3)
2

```

- remainder の意味:
 - 割り算の余りを求める
 - (remainder x y) はツエラーの公式の $x \text{ mod } y$ に対応

quotient

```

Welcome to DrScheme, version 208.
Language: Intermediate Student.
> (quotient 5 2)
2
> (quotient 200 3)
66

```

- quotient の意味:
 - 整数の割り算の商を求める
 - (quotient x y) は、ツエラーの公式の $[x / y]$ に対応

ツエラーの公式のプログラム

$$[(y+[y/4]+[y/400]-[y/100]+[(13m+8)/5]+d) \text{ mod } 7]$$

```

(define (zellar_f y m d)
  (remainder
   (+ y
      (quotient y 4)
      (quotient y 400)
      (- (quotient y 100))
      (quotient (+ (* 13 m) 8) 5)
      d)
   7))
;; zellar : number number number -> number
;; to determine youbi (the day of the week) from year, month, and day.
;; The result is 0 ... 6 meaning 0 is Sunday, 1 Monday, and so on
(define (zellar y m d)
  (cond
   [(or (= m 1) (= m 2)) (zellar_f (- y 1) (+ m 12) d)]
   [else (zellar_f y m d)]))

```

ツエラーの公式の実行例(1/2)

```

(define (zellar_f y m d)
  (remainder
   (+ y
      (quotient y 4)
      (quotient y 400)
      (- (quotient y 100))
      (quotient (+ (* 13 m) 8) 5)
      d)
   7))

```

まず、関数を定義している

ツエラーの公式の実行例(2/2)

```

(define (zellar_f y m d)
  (remainder
   (+ y
      (quotient y 4)
      (quotient y 400)
      (- (quotient y 100))
      (quotient (+ (* 13 m) 8) 5)
      d)
   7))
(define (zellar y m d)
  (cond
   [(or (= m 1) (= m 2)) (zellar_f (- y 1) (+ m 12) d)]
   [else (zellar_f y m d)]))

```

(zellar 2005 5 5)と書いて、yの値を2005、mの値を5、dの値を5に設定して実行する

実行結果である「4(木曜日)」が表示される

実習

実習の進め方

- 資料を見ながら、「実習」を行ってみる
- その後、各自、「課題」に挑戦する
 - 各自で自習 + 巡回指導
 - 遠慮なく質問してください
- 自分のペースで先に進んで構いません

Literavey

DrScheme の使用

- DrScheme の起動
 - プログラム PLT Scheme DrScheme
- 今日の実習では「Intermediate Student」に設定
 - Language
 - Choose Language
 - Intermediate Student
 - OK ボタン

Literavey

DrScheme の使用 / ステップ実行

- プログラム実行の振る舞いを観察するツール
- 「定義用ウィンドウ」のみを使用 (通常の実行と異なる)
- 「Intermediate Student」に設定する必要あり
 - Language Choose Language
 - Intermediate Student
 - OK ボタン

Literavey

実習 1 . 条件関数のステップ実行

- 関数 `easy-get-num-of-days` (例題 1) について、実行結果に至る過程を見る
 - (`easy-get-num-of-days 1`) から 31 に至る過程を見る
 - DrScheme のステップ実行機能を使用

```
(define (easy-get-num-of-days month)
  (cond
    [(= month 2) 28]
    [(or (= month 4)
         (= month 6)
         (= month 9)
         (= month 11)) 30]
    [else 31]))
```

Literavey

「実習 1 . 条件関数のステップ実行」の手順

1. 次に「定義用ウィンドウ」で、実行しない
 - Intermediate Student で実行すること
 - 入力した後に、Run ボタンを押す

```
(define (easy-get-num-of-days month)
  (cond
    [(= month 2) 28]
    [(or (= month 4)
         (= month 6)
         (= month 9)
         (= month 11)) 30]
    [else 31]))
(easy-get-num-of-days 1)
```

例題 1 と同じ

ステップ実行したいので、定義用ウィンドウだけを使う

2. DrScheme を使って、ステップ実行の様子を確認しない (Step ボタン、Next ボタンを使用)

Literavey • 理解しながら進むこと

(`easy-get-num-of-days 1`) から 31 に至る過程 (1/3)

```
(easy-get-num-of-days 1) 最初の式
= (cond
  [(= 1 2) 28]
  [(or (= 1 4)
        (= 1 6)
        (= 1 9)
        (= 1 11)) 30]
  [else 31])
= (cond
  [false 28]
  [(or (= 1 4)
        (= 1 6)
        (= 1 9)
        (= 1 11)) 30]
  [else 31])
= (cond
  [(or (= 1 4)
        (= 1 6)
        (= 1 9)
        (= 1 11)) 30]
  [false 28]
  [else 31])
= (cond
  [(= 1 2) 28]
  [(or (= 1 4)
        (= 1 6)
        (= 1 9)
        (= 1 11)) 30]
  [else 31])
= (cond
  [(= month 2) 28]
  [(or (= month 4)
        (= month 6)
        (= month 9)
        (= month 11)) 30]
  [else 31])
に month = 1 が代入される
= (cond
  [(= 1 2) 28]
  [(or (= 1 4)
        (= 1 6)
        (= 1 9)
        (= 1 11)) 30]
  [else 31])
[false 28] 消える
= (cond
  [(or (= 1 4)
        (= 1 6)
        (= 1 9)
        (= 1 11)) 30]
  [false 28]
  [else 31])
コンピュータ内部での計算
```

(easy-get-num-of-days 1) から 31 に至る過程 (2/3)

```

= (cond
  [(or false
    (= 1 6)
    (= 1 9)
    (= 1 11)) 30]
  [else 31]))
= (cond
  [(or (= 1 9)
    (= 1 11)) 30] false 消える
  [else 31]))
= (cond
  [(or false
    (= 1 11)) 30] (= 1 9) false
  [else 31]))
= (cond
  [(or (= 1 11)) 30] false 消える
  [else 31]))
= (cond
  [(or false) 30] (= 1 11) false
  [else 31]))

```

(easy-get-num-of-days 1) から 31 に至る過程 (3/3)

```

= (cond
  [false 30]
  [else 31]))
= 31 出力結果

```

実習 2 . 条件関数のステップ実行

■ 関数 is-leap? (例題 2) について、実行結果に至る過程を見る

- (is-leap? 2005) から false に至る過程を見る
- DrScheme のステップ実行機能を使用

```

(define (is-leap? year)
  (cond
    [(or (= (remainder year 400) 0)
      (and (not (= (remainder year 100) 0))
        (= (remainder year 4) 0)))] true]
    [else false]))

```

「実習 2 . 条件関数のステップ実行」の手順

1. 次を「定義用ウインドウ」で、実行しなさい

- Intermediate Student で実行すること
- 入力した後に、Run ボタンを押す

例題 2 と同じ

```

(define (is-leap? year)
  (cond
    [(or (= (remainder year 400) 0)
      (and (not (= (remainder year 100) 0))
        (= (remainder year 4) 0)))] true]
    [else false]))
(is-leap? 2005)

```

ステップ実行したいので、定義用ウインドウだけを使う

2. DrScheme を使って、ステップ実行の様子を確認しなさい (Step ボタン、Next ボタンを使用)

- 理解しながら進むこと

(is-leap? 2005) から true が得られる過程 (1/3)

最初の式

```

(is-leap? 2005)
= (cond
  [(or (= (remainder 2005 400) 0)
    (and (not (= (remainder 2005 100) 0))
      (= (remainder 2005 4) 0)))] true]
  [else false]))
= (cond
  [(or (= 5 0)
    (and (not (= (remainder 2005 100) 0))
      (= (remainder 2005 4) 0)))] true]
  [else false]))
= (cond
  [(or false
    (and (not (= (remainder 2005 100) 0))
      (= (remainder 2005 4) 0)))] true]
  [else false]))

```

(is-leap? 2005) から true が得られる過程 (2/3)

```

= (cond
  [(or (and (not (= (remainder 2005 100) 0))
    (= (remainder 2005 4) 0)))] true]
  [else false]))
= (cond
  [(or (and (not (= 5 0))
    (= (remainder 2005 4) 0)))] true]
  [else false]))
= (cond
  [(or (and (not false)
    (= (remainder 2005 4) 0)))] true] (= 5 0) false
  [else false]))
= (cond
  [(or (and true
    (= (remainder 2005 4) 0)))] true] (not false) true
  [else false]))

```

(is-leap? 2005) から true が得られる過程 (3/3)

```
= (cond
  [(or (and (= (remainder 2005 4) 0)) true)
   [else false])] (and true 式) (and 式)
= (cond
  [(or (and (= 1 0)) true) (remainder 2005 4) 1
   [else false])]
= (cond
  [(or (and false) true) (= 1 0) false
   [else false])]
= (cond
  [(or false) true] (and false) false
  [else false])
= (cond
  [false true] (or false) false
  [else false])
= false 実行結果
```

コンピュータ内部での計算

課題

課題1

- $x = 5$ のとき、次の Scheme の式の実行結果は何であるか、答えなさい
 - 実際に DrScheme で実行しなさい
 - true あるいは false の値である

 1. $(> x 1)$
 2. $(\text{and } (> 10 x) (> x 1))$
 3. $(= x (* x x))$

課題2

- 次の値を求める関数 `foo2` を定義し、実行結果を報告しなさい
 - 「 $X \bmod 7$ 」は、 X を 7 で割った時の余り (剰余)。例えば $2005 \bmod 7$ は 3 である。
 - `remainder` を使いなさい。

$$[(20x + 8) / 7] \bmod 10$$

式中の [...] は、小数点以下切り捨てを意味する。

課題3

- 関数 `foo2` を定義し、実行結果を報告しなさい
 - `cond` を使うこと

50グラム以下なら	120
75グラム以下なら	140
100グラム以下なら	160
150グラム以下なら	200

課題4 . 月の日数

- 年 `year` (数値) と、月 `month` (数値) を受け取り、その日数を求める関数 `get-num-of-days` を定義し、実行結果を報告しなさい。

- うるう年のことも考慮せよ

例えば、2004年の2月は29日までである

- 例題1の `easy-get-num-of-days` と
- 例題2の `is-leap?` を適切に利用する

課題のヒント

- ここにあるのは「間違い」の例です。同じ間違いをしないこと。

1. 関数名の付け方の間違い

```
(define (decide price w)  
  ... 以下省略
```

「decide price」では無く、
「decide_price」のように1単語で書くこと

2. 、 をプログラム中に使うことはできない

代わりに、<=、>= を使うこと